

**РЕЦЕНЗИЯ**  
**официального рецензента для получения степени доктора философии (PhD) по специальности «6D060100 – Математика» Дербісалы Бауыржан Оңталапұлы к диссертации «Функция Грина несимметричных характеристических начально-краевых задач для гиперболического уравнения»**

| №  | Критерии   | Соответствие критериям   | Позиция официального рецензента  |
|----|--|--|--|
| 1. | Соответствие темы диссертации (на дату утверждения) направлениям развития науки и/или государственным программам | <p>1.1 Соответствие направлениям развития науки и/или государственным программам:</p> <p>1) Диссертация выполнена в рамках проекта или целевой программы, финансируемой из бюджета государства (наименование и номер проекта или программы);</p> <p>2) Диссертация выполнена в рамках другой государственной программы (наименование программы)</p> <p>3) Диссертация соответствует приоритетному направлению развития науки, утвержденному Высшей научно-технической комиссией при Правительстве Республики Казахстан (указать направление)</p> | <p>Фундаментальные и прикладные исследования в области математики и механики</p> <p>Диссертация выполнена в рамках проекта, финансируемого государством:</p> <p>AP09561656 «Функция Грина несимметричных характеристических начально-краевых задач для гиперболического уравнения»</p> |
| 2. | Важность для науки   | Работа <u>вносит/не вносит</u> существенный вклад в науку, а ее важность <u>раскрывается/не раскрывается</u>   | <p>В данной работе показано важность построения функций Грина разных задач в разных областях для гиперболического уравнения с переменными коэффициентами.</p> <p>Работа, несомненно, вносит значительный вклад в науку, и ее важность достаточно четко определена.</p>                 |
| 3. | Принцип самостоятельности  | <p>Уровень самостоятельности:</p> <p>1) <u>высокий</u>;</p> <p>2) средний;</p> <p>3) низкий;</p> <p>4) сам не писал</p>  | Уровень самостоятельности высокий.   |
| 4. | Принцип внутреннего единства   | <p>4.1 Обоснование актуальности диссертации:</p> <p>1) обоснован;</p> <p>2) частично обоснованный;</p>   | Актуальность диссертации полностью обоснована.   |

|    |                         |   |  |
|----|-------------------------|---|--|
|    |                         | 3) не обоснован.  |  |
|    |                         | 4.2 Содержание диссертации определяет тему диссертации  | Содержание диссертации полностью определяет тему диссертации.  |
|    |                         | 1) <u>определяет</u> ;  |  |
|    |                         | 2) частично определяет;   |  |
|    |                         | 3) не определяет  |  |
|    |                         | 4.3. Цели и задачи соответствуют теме диссертации:  | Цели и задачи полностью соответствуют теме диссертации.  |
|    |                         | 1) <u>соответствует</u> ;   |  |
|    |                         | 2) частично соответствует;  |  |
|    |                         | 3) не соответствует   |  |
|    |                         | 4.4. Все разделы и построение диссертации логически связаны:  | Все разделы и построение диссертации полностью логически связаны.  |
|    |                         | 1) <u>полностью связанный</u> ;   |  |
|    |                         | 2) частично связанный;  |  |
|    |                         | 3) нет связи  |  |
|    |                         | 4.5 Новые решения (принципы, методы), предложенные автором, доказаны и оценены по сравнению с уже известными решениями: | Предложенные автором новые методы доказаны и оценены по сравнению с уже известными решениями, имеется критический анализ.  |
|    |                         | 1) <u>есть критический анализ</u> ;   |  |
|    |                         | 2) анализ проводился частично;  |  |
|    |                         | 3) анализ основан не на собственном мнении, а на ссылках других авторов   |  |
| 5. | Принцип научной новизны | 5.1 Являются ли научные результаты и принципы новыми?   | В данной работе построена функция Грина разных задач в разных областях для гиперболического типа с переменными коэффициентами. Такие задачи раньше никем не рассматривалась. Поэтому научные результаты и принципы, полученные автором, являются новыми. |
|    |                         | 1) <u>совершенно новый</u> ;  |  |
|    |                         | 2) частично новый (25-75% являются новыми);   |  |
|    |                         | 3) не новый (менее 25% является новым)  |  |
|    |                         | 5.2 Являются ли выводы диссертации новыми?  | Заключение диссертации является совершенно новым.  |
|    |                         | 1) <u>совершенно новый</u> ;  |  |
|    |                         | 2) частично новый (25-75% являются новыми);   |  |
|    |                         | 3) не новый (менее 25% является новым)  |  |

|    |   |   |   |
|----|---|---|---|
|    |   | <p>5.3 Являются ли технические, технологические, экономические или управленческие решения новыми и обоснованными?</p> <p>1) <u>совершенно новый</u>;</p> <p>2) частично новый (25-75% являются новыми);</p> <p>3) не новый (менее 25% является новым)</p>   | <p>Полученные результаты носят в основном фундаментальный и теоретически новый характер.</p>  |
| 6. | Обоснованность основных выводов         | <p>Все основные выводы <u>основаны</u> / не основаны на научно обоснованных доказательствах или достаточно хорошо обоснованы (для качественных исследований и учебных курсов по искусству и гуманитарным наукам)</p>  | <p>Доказательства всех выводов, лемм и теорем, полученных в диссертационной работе, строго обоснованы и полностью раскрыты.</p>   |
| 7. | Основные принципы, вынесенные на защиту | <p>Необходимо ответить на следующие вопросы по каждой должности отдельно:</p> <p>7.1 Принцип доказан?</p> <p>1) <u>доказано</u>;</p> <p>2) доказано приблизительно;</p> <p>3) не доказано приблизительно;</p> <p>4) не доказано</p> <p>7.2 Тривиально?</p> <p>1) да;</p> <p>2) <u>нет</u></p> <p>7.3 Новый ли?</p> <p>1) <u>да</u>;</p> <p>2) нет</p> <p>7.4 Уровень использования:</p> <p>1) узкий;</p> <p>2) средний;</p> <p>3) <u>широкий</u></p> <p>7.5 Доказано в статье?</p> <p>1) <u>да</u>;</p> <p>2) нет</p> | <p>7.1 Результаты диссертации полностью доказаны.</p> <p>7.2 Все основные результаты нетривиальны.</p> <p>7.3 Основные результаты, представленные на защиту, являются новыми.</p> <p>7.4 Основные результаты, представленные на защиту, расширяют класс задач который можно постулировать функцию Грина</p> <p>7.5 Часть основных результатов исследования получено в статье: On Green's function of Cauchy–Dirichlet problem for hyperbolic equation in a quarter plane // Boundary Value Problems. V. 69, 23 pp., 2021. Статья опубликована в научном журнале «Boundary Value Problems» (процентиль 92%) с ненулевым импакт-фактором, входящим в базу данных Scopus и Web of Science. Другие результаты также подтверждены в статьях диссертанта.</p> |
| 8. | Принцип надежности.<br>Надежность       | <p>8.1 Выбор методики-обоснованный или методология четко изложена</p>   | <p>Методы, использованные для получения основных результатов работы,</p>  |

|   |                                       |   |   |  |
|---|---------------------------------------|---|---|--|
|   | источников предоставленной информации | и   | 1) да;<br>2) нет  | полностью обоснованы   |
|   |                                       |   | 8.2 Результаты диссертационной работы получены с использованием современных методов научных исследований и методик обработки и интерпретации данных с применением компьютерных технологий:  | Результаты диссертационной работы получены с использованием современных методов теории дифференциальных уравнений, функционального анализа, теории операторов.   |
|   |                                       |   | 1) да;<br>2) нет  |  |
|   |                                       |   | 8.3 Теоретические выводы, модели, выявленные взаимосвязи и закономерности доказаны и подтверждены экспериментальными исследованиями (результаты для направлений подготовки по педагогическим наукам доказываются на основе педагогического эксперимента): | Теоретические выводы диссертации не требуют экспериментальных исследований.<br>Достоверность проведенных исследований подтверждается строго доказанными выводами и теоремами.  |
|   |                                       |   | 1) да;<br>2) нет  |  |
|   |                                       |   | 8.4 Важные утверждения <u>подтверждены/частично подтверждены/не подтверждены</u> ссылками на конкретную и достоверную научную литературу  | Важные утверждения подкреплены ссылками на конкретную и достоверную научную литературу.  |
|   |                                       |   | 8.5 Список использованной литературы <u>достаточно/недостаточно</u> для литературного обзора  | Список использованной литературы достаточно для литературного обзора.  |
| 9 | Принцип практической ценности         | 9.1 Диссертация имеет теоретическое значение: | 1) да;<br>2) нет  | Результаты, полученные в работе, являются теоретическими.<br>Результаты диссертации играют важную роль в расширении классов задач для гиперболического уравнения с переменными коэффициентами в которой можно построить явный вид функций Грина. |

|     |                               |   |   |
|-----|-------------------------------|---|---|
|     |                               | <p>9.2 Диссертация имеет практическое значение и имеет высокую возможность применения полученных результатов на практике:</p> <p>1) да;<br/>2) <u>нет</u></p>         | <p>Результаты, полученные в диссертации, в основном теоретические, ее практическое значение характеризуется применением при изучении задач математической физики.</p>   |
|     |                               | <p>9.3 Практические рекомендации новые?</p> <p>1) <u>совершенно новый</u>;<br/>2) полу-новым (25-75% являются новыми);<br/>3) не новый (менее 25% является новым)</p> | <p>Практические рекомендации совершенно новые. Полученные новые результаты широко используются при определении решений уравнений самостоятельной производной и изучении некоторых задач математической физики.</p>  |
| 10. | Качество написания оформления | <p>и</p> <p>Качество академического писания:</p> <p>1) <u>высокий</u>;<br/>2) средний;<br/>3) ниже среднего;<br/>4) низкий.</p>                                       | <p>Академическое писание высокого качества, работа оформлена в соответствии с требованиями.</p> <p>Но как обычно в текстах такого объема, имеется некоторое (небольшое) число недочётов и погрешностей технического характера (в том числе «опечаток»). Укажем замеченные:</p> <p>1) Стр.8, в последнем предложении предпоследнего абзаца, предлагаю убрать “наших работах” так как эти не являются работой диссертанта. Тоже самое в Стр.34 в последнем абзаце.</p> <p>2) В формуле (1.2.10), пишите <math>\tau_2(\xi)</math> вместо <math>\tau_2,(\xi)</math>. То же самое <math>\tau_1,(\eta_1)</math> есть в Стр 60.</p> <p>3) Стр.17, в предложении перед формулой (1.2.12), заменить (1.2.12) на (1.2.9).</p> <p>4) Стр.51, нужно еще показать единственность <math>\omega</math> для системы (3.2.9) как в Стр.19, тогда определение</p> |

$K$  нужно будет изменять  
 $K = \max_{\bar{\Omega}} (1, |b_2| + |c_2|)$ .

5) Предлагаю жирным написать теоремы, леммы, следствии и их текст курсивным чтобы отличить результаты.

6) Стр.41, заменить (3.3.34) на (2.3.34).

7) Стр.42, заменить (2.3.35) на (2.3.36).

8) Стр.42, предлагаю предоставить более подробную информацию для формул (2.3.40) и (2.3.41).

9) Стр.42, предлагаю написать Теоремы 2.3.1 вместо теоремы (2.3.1).

10) Точки после формул (2.4.7), (3.2.10) и (3.2.11).

11) Стр.45, что такое  $T_1$  и  $M_1$ , и как связано  $a, b$  с  $a_1, b_1$ ?

12) Стр.48, заменить  $\frac{\partial \omega}{\partial \xi} = v$  на  $\frac{\partial \omega}{\partial \eta} = v$ .

13) Стр.50 и 52, заменить  $C'([0,1])$  на  $C^1([0,1])$ .

14) Стр.52, в формуле после (3.2.14), что такое  $c_1$ ?

15) Стр.52, в формуле (3.3.4) наверное должно быть  $\eta \neq \eta_1$ ?

16) Стр.54 и 55, заменить (4.3.2) на (3.3.2).

17) Стр.55, после формулы (3.4.14), заменить (3.4.15) на (3.4.14).

18) Стр.56, после формулы (3.4.27), заменить (3.4.28) на (3.4.27).

19) Стр.79, заменить (5.1)-(5.3) на (6.1.1)-(6.1.3).

20) Опечатки: Стр.53, "выпоняется", Стр.90, "ограниченная", Стр.97, "уравнению:й".

21) В (6.2.15), что такое  $\varphi_i$  и  $\psi_i$ ?

На основании изложенного считаю, что диссертация «Функция Грина несимметричных характеристических начально-краевых задач для гиперболического уравнения» вполне удовлетворяет всем требованиям, предъявляемым к диссертациям на соискание степени доктора философии (Ph.D.) по специальности 6D060100-Математика, а её автору Дербісалы Бауыржан Оңталапұлы следует присудить степень доктора философии (Ph.D.) по специальности 6D060100-Математика.

## Официальный рецензент:

Университет имени Сулеймана Демиреля,  
Ассоциированный профессор, Ph.D.



Есиркегенов Н.А.